

Duration : 2 Hours

**INSTRUCTIONS**

1. This question paper contains all objective questions divided into three categories. Each question has four answer options given.
2. Category-I : Carry 1 mark each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer,  $\frac{1}{4}$  mark will be deducted.
3. Category-II : Carry 2 marks each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer,  $\frac{1}{2}$  mark will be deducted.
4. Category-III : Carry 2 marks each and one or more option(s) is/are correct. If all correct answers are not marked and also no incorrect answer is marked, then score =  $2 \times$  number of correct answers marked + actual number of correct answers. If any wrong option is marked or if any combination including a wrong option is marked, the answer will be considered wrong, but there is **no negative marking** for the same and zero mark will be awarded.
5. Questions must be answered on OMR sheet by darkening the appropriate bubble marked A, B, C, or D.
6. Use only **Black/Blue ball point pen** to mark the answer by complete filling up of the respective bubbles.
7. Mark the answers only in the space provided. Do not make any stray mark on the OMR.
8. Write question booklet number and your roll number carefully in the specified locations of the OMR. Also fill appropriate bubbles.
9. Write your name (in block letter), name of the examination centre and put your full signature in appropriate boxes in the OMR.
10. The OMR is liable to become invalid if there is any mistake in filling the correct bubbles for question booklet number/roll number or if there is any discrepancy in the name/signature of the candidate, name of the examination centre. The OMR may also become invalid due to folding or putting stray marks on it or any damage to it. The consequence of such invalidation due to incorrect marking or careless handling by the candidate will be sole responsibility of candidate.
11. Candidates are not allowed to carry any written or printed material, calculator, pen, docu-pen, log table, wristwatch, any communication device like mobile phones etc. inside the examination hall. Any candidate found with such items will be **reported against** & his/her candidature will be summarily cancelled.
12. Rough work must be done on the question paper itself. Additional blank pages are given in the question paper for rough work.
13. Hand over the OMR to the invigilator before leaving the Examination Hall.
14. This paper contains questions in both English and Bengali. Necessary care and precaution were taken while framing the Bengali version. However, if any discrepancy(ies) is /are found between the two versions, the information provided in the English version will stand and will be treated as final.



## MATHEMATICS

### **Category-I (Q : 1 to 50)**

**Category-I : Carry 1 mark each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer,  $\frac{1}{4}$  mark will be deducted.**

একটি উভর সঠিক। সঠিক উভর দিলে 1 নম্বর পাবে। ভুল উভর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উভর  
দিলে  $\frac{1}{4}$  নম্বর কাটা যাবে।



$$\text{যদি } I = \lim_{x \rightarrow 0} \sin \left( \frac{e^x - x - 1 - \frac{x^2}{2}}{x^2} \right) \text{ হয়, তবে সীমার}$$

- (A) অভিত্ব নেই  
(B) অভিত্ব আছে ও মান হবে 1  
(C) অভিত্ব আছে ও মান শূণ্য  
(D) অভিত্ব আছে ও মান  $\frac{1}{2}$

2. Let  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  be such that  $f(0) = 0$  and  $|f'(x)| \leq 5$  for all  $x$ . Then  $f(1)$  is in  
 (A)  $(5, 6)$       (B)  $[-5, 5]$  •      (C)  $(-\infty, -5) \cup (5, \infty)$       (D)  $[-4, 4]$   
 যদি  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $f(0) = 0$  ও  $|f'(x)| \leq 5$ । সেক্ষেত্রে  $f(1)$ -এর মান যে অন্তরালে থাকবে তা হল  
 (A)  $(5, 6)$       (B)  $[-5, 5]$       (C)  $(-\infty, -5) \cup (5, \infty)$       (D)  $[-4, 4]$

3. If  $\int \frac{\sin 2x}{(a+b\cos x)^2} dx = \alpha \left[ \log_e |a+b\cos x| + \frac{a}{a+b\cos x} \right] + c$ , then  $\alpha =$

(A)  $\frac{2}{b^2}$       (B)  $\frac{2}{a^2}$       (C)  $-\frac{2}{b^2}$  •      (D)  $-\frac{2}{a^2}$

$$\text{যদি } \int \frac{\sin 2x}{(a+b\cos x)^2} dx = \alpha \left[ \log_e |a+b\cos x| + \frac{a}{a+b\cos x} \right] + c \text{ হয়, তবে } \alpha =$$

- (A)  $\frac{2}{b^2}$       (B)  $\frac{2}{a^2}$       (C)  $-\frac{2}{b^2}$       (D)  $-\frac{2}{a^2}$

4. Let  $g(x) = \int_x^{2x} \frac{f(t)}{t} dt$  where  $x > 0$  and  $f$  be continuous function and  $f(2x) = f(x)$ , then

- (A)  $g(x)$  is strictly increasing function      (B)  $g(x)$  is strictly decreasing function  
 (C)  $g(x)$  is constant function      (D)  $g(x)$  is not derivable function

মনে কর  $g(x) = \int_x^{2x} \frac{f(t)}{t} dt$  যখানে  $x > 0$  এবং  $f$  সন্তত অপেক্ষক এবং  $f(2x) = f(x)$ । সেক্ষেত্রে

- (A)  $g(x)$  যথার্থ ক্রমবধর্মান অপেক্ষক      (B)  $g(x)$  যথার্থ ক্রমত্বাসমান অপেক্ষক  
 (C)  $g(x)$  ধূবক অপেক্ষক      (D)  $g(x)$  অবকলযোগ্য নয়

5.  $\int_1^3 \frac{|x-1|}{|x-2|+|x-3|} dx =$

- (A)  $1 + \frac{4}{3} \log_e 3$       (B)  $1 + \frac{3}{4} \log_e 3$       (C)  $1 - \frac{4}{3} \log_e 3$       (D)  $1 - \frac{3}{4} \log_e 3$

$\int_1^3 \frac{|x-1|}{|x-2|+|x-3|} dx$ -এর মান হল

- (A)  $1 + \frac{4}{3} \log_e 3$       (B)  $1 + \frac{3}{4} \log_e 3$       (C)  $1 - \frac{4}{3} \log_e 3$       (D)  $1 - \frac{3}{4} \log_e 3$

6. The value of the integral

$\int_{-\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}} \left\{ \left( \frac{x+1}{x-1} \right)^2 + \left( \frac{x-1}{x+1} \right)^2 - 2 \right\}^{\frac{1}{2}} dx$  is equal to

- (A)  $\log_e \left( \frac{4}{3} \right)$       (B)  $4 \log_e \left( \frac{3}{4} \right)$       (C)  $4 \log_e \left( \frac{4}{3} \right)$       (D)  $\log_e \left( \frac{3}{4} \right)$

$\int_{-\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}} \left\{ \left( \frac{x+1}{x-1} \right)^2 + \left( \frac{x-1}{x+1} \right)^2 - 2 \right\}^{\frac{1}{2}} dx$ -এর মান হবে

- (A)  $\log_e \left( \frac{4}{3} \right)$       (B)  $4 \log_e \left( \frac{3}{4} \right)$       (C)  $4 \log_e \left( \frac{4}{3} \right)$       (D)  $\log_e \left( \frac{3}{4} \right)$

7. If  $\int_{\log_e 2}^x (e^x - 1)^{-1} dx = \log_e \frac{3}{2}$  then the value of  $x$  is

যদি  $\int (e^x - 1)^{-1} dx = \log_e \frac{3}{2}$  হয়, তবে  $x$ -এর মান হবে  $\log_e 2$



8. The normal to a curve at  $P(x, y)$  meets the  $x$ -axis at  $G$ . If the distance of  $G$  from the origin is twice the abscissa of  $P$  then the curve is

- (A) a parabola      (B) a circle      (C) a hyperbola      (D) an ellipse

বক্ররেখার  $P(x, y)$  বিন্দুতে অভিলম্বটি  $x$ -অক্ষকে  $G$  বিন্দুতে ছেদ করে। যদি মূলবিন্দু থেকে  $G$  এর দূরত্ব  $P$ -এর ভজনের দ্বিতীয় হয়, তবে বক্ররেখাটি

- (A) একটি অধিবৃত্ত      (B) একটি বৃত্ত      (C) একটি পরাবৃত্ত      (D) একটি উপবৃত্ত

9. The differential equation of all the ellipses centred at the origin and have axes as the coordinate axes is

- (A)  $y^2 + xy'^2 - yy' = 0$       (B)  $xyy'' + xy'^2 - yy' = 0$   
 (C)  $w'' + xy'^2 - xy' = 0$       (D)  $x^2y' + xy'' - 3y = 0$

where  $y' \equiv \frac{dy}{dx}$ ,  $y'' \equiv \frac{d^2y}{dx^2}$

মনবিদ্ব কৃত্তি এবং অক্ষয় চানাক অক্ষয় বরাবর এমন উপবৃত্ত পরিবারের অবকল সমীকরণ হবে

- (A)  $y^2 + xy'^2 - yy' = 0$       (B)  $xyy'' + xy'^2 - yy' = 0$   
 (C)  $yy'' + xy'^2 - xy' = 0$       (D)  $x^2y' + xy'' - 3y = 0$

যেখানে  $y' = \frac{dy}{dx}$ ,  $y'' = \frac{d^2y}{dx^2}$

10. If  $x \frac{dy}{dx} + y = \frac{xf(xy)}{f'(xy)}$ , then  $|f(xy)|$  is equal to

(A)  $ke^{\frac{x^2}{2}}$       (B)  $ke^{\frac{y^2}{2}}$       (C)  $ke^{x^2}$       (D)  $ke^{y^2}$

where  $k$  is an arbitrary positive constant.

যদি  $x \frac{dy}{dx} + y = \frac{xf(xy)}{f'(xy)}$  হয়, তবে  $|f(xy)|$  হবে

(A)  $ke^{\frac{x^2}{2}}$       (B)  $ke^{\frac{y^2}{2}}$       (C)  $ke^{x^2}$       (D)  $ke^{y^2}$

যেখানে  $k$  হল যদৃচ্ছ ধনাত্মক ধ্রুবক।

11. The straight line through the origin which divides the area formed by the curves  $y = 2x - x^2$ ,  $y = 0$  and  $x = 1$  into two equal halves is

(A)  $y = x$       (B)  $y = 2x$       (C)  $y = \frac{3}{2}x$       (D)  $y = \frac{2}{3}x$

বক্ররেখা  $y = 2x - x^2$  এবং  $y = 0$  ও  $x = 1$  দ্বারা বেষ্টিত অঞ্চলকে যে সরলরেখা দৃটি সমান অংশে বিভক্ত করে, তার সমীকরণ হবে

(A)  $y = x$       (B)  $y = 2x$       (C)  $y = \frac{3}{2}x$       (D)  $y = \frac{2}{3}x$

12. The value of  $\int_0^5 \max\{x^2, 6x - 8\} dx$  is

(A) 72      (B) 125      (C) 43      (D) 69

$\int_0^5 \max\{x^2, 6x - 8\} dx$ -এর মান হবে

(A) 72      (B) 125      (C) 43      (D) 69

13. A bulb is placed at the centre of a circular track of radius 10 m. A vertical wall is erected touching the track at a point P. A man is running along the track with a speed of 10 m/sec. Starting from P the speed with which his shadow is running along the wall when he is at an angular distance of  $60^\circ$  from P is

(A) 30 m/sec      (B) 40 m/sec      (C) 60 m/sec      (D) 80 m/sec

10 m ব্যাসার্ধ বিশিষ্ট বৃত্তীয় ট্র্যাকের কেন্দ্রে একটি বালু রাখা হয়েছে। ট্র্যাকটিকে P বিন্দুতে স্পর্শ করে এমন একটি উল্লম্ব দেওয়াল আছে। এক ব্যক্তি P বিন্দু থেকে 10 m/sec গতিবেগে ঐ ট্র্যাক বরাবর দৌড়োচ্ছেন। P থেকে তাঁর অবস্থানের কৌণিক দূরত্ব যখন  $60^\circ$ , তখন ঐ ব্যক্তির ছায়া দেওয়াল বরাবর যাবে যে গতিবেগে তা হল

(A) 30 m/sec      (B) 40 m/sec      (C) 60 m/sec      (D) 80 m/sec

14. Two particles A and B move from rest along a straight line with constant accelerations  $f$  and  $f'$  respectively. If A takes  $m$  sec. more than that of B and describes  $n$  units more than that of B in acquiring the same velocity, then

$$(A) (f + f')m^2 = ff'n$$

$$(B) (f - ff')m^2 = ff'n$$

$$(C) (f' - f)n = \frac{1}{2}ff'm^2$$

$$(D) \frac{1}{2}(f + f')m = ff'n^2$$

ছিতাবস্থা থেকে দুটি বস্তু কণা A ও B যথাক্রমে সম ত্বরণ  $f$  ও  $f'$  সহ একটি সরলরেখা বরাবর যাত্রা করে। A-র সময় লাগে B-র চেয়ে  $m$  sec. বেশি। A, B এর চেয়ে  $n$  একক অধিকপথ অতিক্রম করে ঐ গতিবেগ অর্জনের জন্য। সেক্ষেত্রে

$$(A) (f + f')m^2 = ff'n$$

$$(B) (f - ff')m^2 = ff'n$$

$$(C) (f' - f)n = \frac{1}{2}ff'm^2$$

$$(D) \frac{1}{2}(f + f')m = ff'n^2$$

15. Let  $\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}$  be three non-zero vectors which are pairwise non-collinear. If  $\vec{\alpha} + 3\vec{\beta}$  is collinear with  $\vec{\gamma}$  and  $\vec{\beta} + 2\vec{\gamma}$  is collinear with  $\vec{\alpha}$ , then  $\vec{\alpha} + 3\vec{\beta} + 6\vec{\gamma}$  is

- (A)  $\vec{\gamma}$
- (B)  $\vec{0}$
- (C)  $\vec{\alpha} + \vec{\gamma}$
- (D)  $\vec{\alpha}$

मने कर  $\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}$  तिन्हि अ-शून्य डेट्र यादेर मध्ये कोन दुटी एकयोगे समरेख नव्ह। यदि  $\vec{\alpha} + 3\vec{\beta}$  ओ  $\vec{\gamma}$  समरेख हव्ह एवं  $\vec{\beta} + 2\vec{\gamma}$  ओ  $\vec{\alpha}$  समरेख हव्ह, तबे  $\vec{\alpha} + 3\vec{\beta} + 6\vec{\gamma}$  हव्हे

- (A)  $\vec{\gamma}$
- (B)  $\vec{0}$
- (C)  $\vec{\alpha} + \vec{\gamma}$
- (D)  $\vec{\alpha}$

16. Let  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  be given by  $f(x) = |x^2 - 1|, x \in \mathbb{R}$ . Then

- (A)  $f$  has a local minimum at  $x = \pm 1$  but no local maximum.
- (B)  $f$  has a local maximum at  $x = 0$  but no local minimum.
- (C)  $f$  has a local minima at  $x = \pm 1$  & a local maxima at  $x = 0$ .
- (D)  $f$  has neither a local maxima nor a local minima at any point.

मने कर  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  एजावे संज्ञायित आहे ये  $f(x) = |x^2 - 1|, x \in \mathbb{R}$  सेक्षेत्रे

- (A)  $x = \pm 1$  -ए  $f$ -एर छानीय सर्वनिम्न मान आहे किंतु छानीय सर्वोच्च मान नेही
- (B)  $x = 0$  विस्तृते  $f$ -एर छानीय सर्वोच्च मान आहे किंतु छानीय सर्वनिम्न मान नेही
- (C)  $f$ -एर  $x = \pm 1$  -ए छानीय सर्वनिम्न मान आहे ओ  $x = 0$  ते छानीय सर्वोच्च मान आहे
- (D) कोन विस्तृते  $f$ -एर छानीय सर्वोच्च ओ सर्वनिम्न मान नेही

17. Let  $a, b, c$  be real numbers, each greater than 1, such that

$$\frac{2}{3} \log_b a + \frac{3}{5} \log_c b + \frac{5}{2} \log_a c = 3.$$

If the value of  $b$  is 9, then the value of 'a' must be

- |                    |                    |
|--------------------|--------------------|
| (A) $\sqrt[3]{81}$ | (B) $\frac{27}{2}$ |
| (C) 18             | (D) 27             |

$$a, b, c \text{ বাস্তব রাশি ও } 1 \text{ এর চেয়ে বড় এক্ষেপ যে \frac{2}{3} \log_b a + \frac{3}{5} \log_c b + \frac{5}{2} \log_a c = 3।$$

যদি  $b$  -এর মান 9 হয় তবে অবশ্যই 'a' -এর মান হবে

- |                    |                    |
|--------------------|--------------------|
| (A) $\sqrt[3]{81}$ | (B) $\frac{27}{2}$ |
| (C) 18             | (D) 27             |

18. Consider the real valued function  $h : \{0,1,2,\dots,100\} \rightarrow \mathbb{R}$  such that  $h(0) = 5$ ,  $h(100) = 20$

and satisfying  $h(p) = \frac{1}{2} \{h(p+1) + h(p-1)\}$  for every  $p = 1, 2, \dots, 99$ . Then the value of

- $h(1)$  is
- |          |          |
|----------|----------|
| (A) 5.15 | (B) 5.5  |
| (C) 6    | (D) 6.15 |

বাস্তব মানবিশিষ্ট অপেক্ষক  $h : \{0,1,2,\dots,100\} \rightarrow \mathbb{R}$  এক্ষেপ যে  $h(0) = 5$ ,  $h(100) = 20$  ও

$h(p) = \frac{1}{2} \{h(p+1) + h(p-1)\}$ ,  $p = 1, 2, \dots, 99$ ।  $h(1)$  -এর মান হবে

- |          |          |
|----------|----------|
| (A) 5.15 | (B) 5.5  |
| (C) 6    | (D) 6.15 |

19. If  $|z| = 1$  and  $z \neq \pm 1$ , then all the points representing  $\frac{z}{1-z^2}$  lie on ;

- (A) a line not passing through the origin      (B) the line  $y = x$   
 (C) the x-axis      (D) the y-axis

প্রদত্ত  $|z| = 1$  এবং  $z \neq \pm 1$ , সেক্ষেত্রে  $\frac{z}{1-z^2}$  এর প্রতিনিধিত্বকারী সকল বিন্দু;

- (A) মূলবিন্দুগামী নয় এমন সরলরেখার উপর অবস্থিত থাকবে  
 (B)  $y = x$  সরলরেখার উপর অবস্থিত  
 (C) x-অক্ষের উপর অবস্থিত  
 (D) y-অক্ষের উপর অবস্থিত

20. Let C denote the set of all complex numbers.

Define  $A = \{(z, w) | z, w \in C \text{ and } |z| = |w|\}$ ,  $B = \{(z, w) | z, w \in C \text{ and } z^2 = w^2\}$ . Then

- (A)  $A = B$       (B)  $A \subset B$       (C)  $B \subset A$       (D)  $A \cap B = \emptyset$

যদি কর C সকল জটিল রাশির সেট।

$A = \{(z, w) | z, w \in C \text{ এবং } |z| = |w|\}$ ,  $B = \{(z, w) | z, w \in C \text{ এবং } z^2 = w^2\}$ । সেক্ষেত্রে

- (A)  $A = B$       (B)  $A \subset B$       (C)  $B \subset A$       (D)  $A \cap B = \emptyset$

21. Let  $\alpha, \beta$  be the roots of the equation  $x^2 - 6x - 2 = 0$  with  $\alpha > \beta$ . If  $a_n = \alpha^n - \beta^n$  for  $n \geq 1$ ,

then the value of  $\frac{a_{10} - 2a_8}{2a_9}$  is

- (A) 1      (B) 2      (C) 3      (D) 4

$x^2 - 6x - 2 = 0$  সমীকরণের বীজসম্ভব  $\alpha$  ও  $\beta$ ,  $\alpha > \beta$ । যদি  $a_n = \alpha^n - \beta^n$ ,  $n \geq 1$  তবে  $\frac{a_{10} - 2a_8}{2a_9}$  হবে

- (A) 1      (B) 2      (C) 3      (D) 4

22. For  $x \in \mathbb{R}, x \neq -1$ , if

$$(1+x)^{2016} + x(1+x)^{2015} + x^2(1+x)^{2014} + \dots + x^{2016} = \sum_{i=0}^{2016} a_i \cdot x^i, \text{ then } a_{17} \text{ is equal to}$$

- (A)  $\frac{2016!}{17!1999!}$       (B)  $\frac{2016!}{16!}$       (C)  $\frac{2017!}{2000!}$       (D)  $\frac{2017!}{17!2000!}$

$$(1+x)^{2016} + x(1+x)^{2015} + x^2(1+x)^{2014} + \dots + x^{2016} = \sum_{i=0}^{2016} a_i \cdot x^i, \text{ সকল } x \in \mathbb{R}, x \neq -1 \text{ হলে}$$

$a_{17}$  হবে

- (A)  $\frac{2016!}{17!1999!}$       (B)  $\frac{2016!}{16!}$       (C)  $\frac{2017!}{2000!}$       (D)  $\frac{2017!}{17!2000!}$

23. Five letter words, having distinct letters, are to be constructed using the letters of the word 'EQUATION' so that each word contains exactly three vowels and two consonants. How many of them have all the vowels together ?

- (A) 3600      (B) 1800      (C) 1080      (D) 900

'EQUATION' শব্দের অক্ষরগুলি থেকে 5 টি ভিন্ন ভিন্ন অক্ষর বিশিষ্ট শব্দ গঠন করতে হবে এবং প্রতিটি শব্দে তিনটি স্বরবর্ণ ও দুটি ব্যঙ্গবর্ণ থাকবে। এরপে গঠিত শব্দগুলির মধ্যে স্বরবর্ণগুলি একত্রে থাকবে এবং প্রতিটি শব্দের সংখ্যা

- (A) 3600      (B) 1800      (C) 1080      (D) 900

24. What is the number of ways in which an examiner can assign 10 marks to 4 questions, giving not less than 2 marks to any question ?

- (A) 4      (B) 6      (C) 10      (D) 16

জনৈক প্রশ্নকর্তা 4টি প্রশ্নের জন্য 10 নম্বর বরাদ্দ করতে চান। কোন প্রশ্নেরই নম্বর 2-এর কম হবে না।

এরপে যতভাবে তিনি ঐ নম্বর বরাদ্দ করতে পারেন, তার সংখ্যা হল

- (A) 4      (B) 6      (C) 10      (D) 16

25. The digit in the unit's place of the number  $1! + 2! + 3! + \dots + 99!$  is

- (A) 3      (B) 0      (C) 1      (D) 7

$1! + 2! + 3! + \dots + 99!$  সংখ্যার এককের ঘরের অঙ্ক হল

- (A) 3      (B) 0      (C) 1      (D) 7

26. If  $M$  is a  $3 \times 3$  matrix such that  $(0 \ 1 \ 2)M = (1 \ 0 \ 0)$ ,  $(3 \ 4 \ 5)M = (0 \ 1 \ 0)$ , then  $(6 \ 7 \ 8)M$  is equal to

(A)  $(2 \ 1 \ -2)$       (B)  $(0 \ 0 \ 1)$       (C)  $(-1 \ 2 \ 0)$       (D)  $(9 \ 10 \ 8)$

देओला आहे ये  $M$ ,  $3 \times 3$  अक्षरे मात्रिक, एकप ये  $(0 \ 1 \ 2)M = (1 \ 0 \ 0)$ ,  $(3 \ 4 \ 5)M = (0 \ 1 \ 0)$ , तर वे  $(6 \ 7 \ 8)M$  हवे

(A)  $(2 \ 1 \ -2)$       (B)  $(0 \ 0 \ 1)$       (C)  $(-1 \ 2 \ 0)$       (D)  $(9 \ 10 \ 8)$

27. Let  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos t & \sin t \\ 0 & -\sin t & \cos t \end{pmatrix}$

Let  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$  be the roots of  $\det(A - \lambda I_3) = 0$ , where  $I_3$  denotes the identity matrix. If  $\lambda_1 + \lambda_2 + \lambda_3 = \sqrt{2} + 1$ , then the set of possible values of  $t$ ,  $-\pi \leq t < \pi$  is

(A) a void set      (B)  $\left\{\frac{\pi}{4}\right\}$       (C)  $\left\{-\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4}\right\}$       (D)  $\left\{-\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{3}\right\}$

अनेकरण  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos t & \sin t \\ 0 & -\sin t & \cos t \end{pmatrix}$

समीकरण  $\det(A - \lambda I_3) = 0$ -एर वैज्ञानिक  $\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$ , ( $I_3$  तिनक्षमेर एकसम मात्रिक) | यदि  $\lambda_1 + \lambda_2 + \lambda_3 = \sqrt{2} + 1$  हय,  $t$ ,  $-\pi \leq t < \pi$  -एर सभावा मान समुद्रेर सेट

(A) शून्य सेट      (B)  $\left\{\frac{\pi}{4}\right\}$       (C)  $\left\{-\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4}\right\}$       (D)  $\left\{-\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{3}\right\}$

28. Let  $A$  and  $B$  be two non-singular skew symmetric matrices such that  $AB = BA$ , then  $A^2B^2(A^T B)^{-1}(AB^{-1})^T$  is equal to

(A)  $A^2$       (B)  $-B^2$       (C)  $-A^2$       (D)  $AB$

$A$  व  $B$  दुटी अविशिष्ट विप्रतिसम मात्रिक एकप ये  $AB = BA$  | सेक्षेत्रे

$A^2B^2(A^T B)^{-1}(AB^{-1})^T$  हवे

(A)  $A^2$       (B)  $-B^2$       (C)  $-A^2$       (D)  $AB$

29. If  $a_n (> 0)$  be the  $n^{\text{th}}$  term of a G.P. then

$$\begin{vmatrix} \log a_n & \log a_{n+1} & \log a_{n+2} \\ \log a_{n+3} & \log a_{n+4} & \log a_{n+5} \\ \log a_{n+6} & \log a_{n+7} & \log a_{n+8} \end{vmatrix} \text{ is equal to}$$

- (A) 1                          (B) 2                          (C) -2                          (D) 0

যদি শোভৰ প্ৰগতিৰ  $n$  তম পদ  $a_n (> 0)$  হয়, তবে

$$\begin{vmatrix} \log a_n & \log a_{n+1} & \log a_{n+2} \\ \log a_{n+3} & \log a_{n+4} & \log a_{n+5} \\ \log a_{n+6} & \log a_{n+7} & \log a_{n+8} \end{vmatrix} \text{-এৰ মান হবে}$$

- (A) 1                          (B) 2                          (C) -2                          (D) 0

30. Let A, B, C be three non-void subsets of set S. Let  $(A \cap C) \cup (B \cap C') = \emptyset$  where  $C'$  denote the complement of set C in S. Then

- (A)  $A \cap B = \emptyset$                   (B)  $A \cap B \neq \emptyset$                   (C)  $A \cap C = A$                   (D)  $A \cup C = A$

মনে কৰ A, B, C সেট S-এৰ অ-শূণ্য উপসেট। মনে কৰ  $(A \cap C) \cup (B \cap C') = \emptyset$  যেখানে  $C'$ , S সেটে

C-এৰ পূৰক সেট। সেক্ষেত্ৰে

- (A)  $A \cap B = \emptyset$                   (B)  $A \cap B \neq \emptyset$                   (C)  $A \cap C = A$                   (D)  $A \cup C = A$

31. Let T & U be the set of all orthogonal matrices of order 3 over R & the set of all non-singular matrices of order 3 over R respectively.

Let  $A = \{-1, 0, 1\}$ , then

- (A) there exists bijective mapping between A and T, U.  
 (B) there does not exist bijective mapping between A and T, U  
 (C) there exists bijective mapping between A and T but not between A & U.  
 (D) there exists bijective mapping between A and U but not between A & T.

মনে কৰ T ও U, R-এৰ উপৰ তিনমাত্ৰাৰ যথাক্রমে লম্ব ম্যাট্ৰিক্সেৰ সেট ও অবিশিষ্ট ম্যাট্ৰিক্সেৰ

সেট এবং  $A = \{-1, 0, 1\}$ , সেক্ষেত্ৰে

- (A) A ও T, U -এৰ মধ্যে একেক উপরিচিত্ৰণ বিদ্যমান  
 (B) A ও T, U-এৰ মধ্যে একেক উপরিচিত্ৰণেৰ অভিত্ব নেই  
 (C) A ও T -এৰ মধ্যে একেক উপরিচিত্ৰণ বিদ্যমান কিন্তু A ও U -এৰ মধ্যে নেই।  
 (D) A ও U -এৰ মধ্যে একেক উপরিচিত্ৰণ বিদ্যমান কিন্তু A ও T -এৰ মধ্যে নেই।

32. Four persons A, B, C and D throw an unbiased die, turn by turn, in succession till one gets an even number and win the game. What is the probability that A wins the game if A begins ?

(A)  $\frac{1}{4}$       (B)  $\frac{1}{2}$       (C)  $\frac{7}{15}$       (D)  $\frac{8}{15}$

A, B, C ও D চারজন ব্যাকি একটি নিরপেক্ষ ছক্কা পরপর ছুঁড়তে থাকলো যতক্ষণ না একজন জোড়সংখ্যা ছুঁড়লো এবং জিতলো। যদি A ছোঁড়া শুরু করে তবে তার জেতার সম্ভাবনা হবে

(A)  $\frac{1}{4}$       (B)  $\frac{1}{2}$       (C)  $\frac{7}{15}$       (D)  $\frac{8}{15}$

33. The mean and variance of a binomial distribution are 4 and 2 respectively. Then the probability of exactly two successes is

(A)  $\frac{7}{64}$       (B)  $\frac{21}{128}$       (C)  $\frac{7}{32}$       (D)  $\frac{9}{32}$

একটি বিপদ বন্টনের গড় 4 ও বৈষম্য 2 হলে ঠিক দুটি সফলতার সম্ভাবনা হবে

(A)  $\frac{7}{64}$       (B)  $\frac{21}{128}$       (C)  $\frac{7}{32}$       (D)  $\frac{9}{32}$

34. Let  $S_n = \cot^{-1} 2 + \cot^{-1} 8 + \cot^{-1} 18 + \cot^{-1} 32 + \dots$  to  $n^{\text{th}}$  term. Then  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$  is

(A)  $\frac{\pi}{3}$       (B)  $\frac{\pi}{4}$       (C)  $\frac{\pi}{6}$       (D)  $\frac{\pi}{8}$

মনে কর  $S_n = \cot^{-1} 2 + \cot^{-1} 8 + \cot^{-1} 18 + \cot^{-1} 32 + \dots n$  তম পদ পর্যন্ত। সেক্ষেত্রে  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$  হবে

(A)  $\frac{\pi}{3}$       (B)  $\frac{\pi}{4}$       (C)  $\frac{\pi}{6}$       (D)  $\frac{\pi}{8}$

35. If  $a > 0, b > 0$  then the maximum area of the parallelogram whose three vertices are  $O(0, 0)$ ,  $A(a \cos \theta, b \sin \theta)$  and  $B(a \cos \theta, -b \sin \theta)$  is

- (A)  $ab$  when  $\theta = \frac{\pi}{4}$       (B)  $3ab$  when  $\theta = \frac{\pi}{4}$   
 (C)  $ab$  when  $\theta = -\frac{\pi}{2}$       (D)  $2ab$

একটি সামন্তরিকের তিনটি কৌণিক বিন্দুর স্থানাঙ্ক হল  $O(0, 0)$ ,  $A(a \cos \theta, b \sin \theta)$  ও  $B(a \cos \theta, -b \sin \theta)$  যেখানে  $a > 0, b > 0$ । সামন্তরিকের সর্বোচ্চ ক্ষেত্রফল হবে

- (A)  $ab$  যখন  $\theta = \frac{\pi}{4}$       (B)  $3ab$  যখন  $\theta = \frac{\pi}{4}$   
 (C)  $ab$  যখন  $\theta = -\frac{\pi}{2}$       (D)  $2ab$

36. Let A be the fixed point  $(0, 4)$  and B be a moving point on x-axis. Let M be the midpoint of AB and let the perpendicular bisector of AB meets the y-axis at R. The locus of the midpoint P of MR is

- (A)  $y + x^2 = 2$       (B)  $x^2 + (y - 2)^2 = \frac{1}{4}$       (C)  $(y - 2)^2 - x^2 = \frac{1}{4}$       (D)  $x^2 + y^2 = 16$

মনে কর A হিসেবে বিন্দু  $(0, 4)$  এবং B, x-অক্ষের উপর গতিশীল বিন্দু। M, AB-এর মধ্যবিন্দু এবং AB-এর লম্ব-সমান্তরিক্ষম y-অক্ষকে R বিন্দুতে ছেদ করে। MR-এর মধ্যবিন্দু P-এর সঞ্চারপথ হল

- (A)  $y + x^2 = 2$       (B)  $x^2 + (y - 2)^2 = \frac{1}{4}$       (C)  $(y - 2)^2 - x^2 = \frac{1}{4}$       (D)  $x^2 + y^2 = 16$

37. A moving line intersects the lines  $x + y = 0$  and  $x - y = 0$  at the points A, B respectively such that the area of the triangle with vertices  $(0, 0)$ , A & B has a constant area C. The locus of the mid-point AB is given by the equation

- (A)  $(x^2 + y^2)^2 = C^2$       (B)  $(x^2 - y^2)^2 = C^2$       (C)  $(x + y)^2 = C^2$       (D)  $(x - y)^2 = C^2$

একটি গতিশীল সরলরেখা  $x + y = 0$  ও  $x - y = 0$  সরলরেখার কে যথাক্রমে A ও B বিন্দুতে ছেদ করে যেখানে  $(0, 0)$ , A ও B এর দ্বারা গঠিত ত্রিভুজের ক্ষেত্রফল ধূরক C হয়। AB-এর মধ্যবিন্দুর সঞ্চারপথের সমীকরণ হল

- (A)  $(x^2 + y^2)^2 = C^2$       (B)  $(x^2 - y^2)^2 = C^2$       (C)  $(x + y)^2 = C^2$       (D)  $(x - y)^2 = C^2$

38. The locus of the vertices of the family of parabolas  $6y = 2a^3x^2 + 3a^2x - 12a$  is

(A)  $xy = \frac{105}{64}$       (B)  $xy = \frac{64}{105}$       (C)  $xy = \frac{35}{16}$       (D)  $xy = \frac{16}{35}$

অধিবৃত্ত পরিবার  $6y = 2a^3x^2 + 3a^2x - 12a$  -এর শীর্ষবিশ্লেষণমূহের সম্ভাবনপথ হবে

(A)  $xy = \frac{105}{64}$       (B)  $xy = \frac{64}{105}$       (C)  $xy = \frac{35}{16}$       (D)  $xy = \frac{16}{35}$

39. A ray of light along  $x + \sqrt{3}y = \sqrt{3}$  gets reflected upon reaching x-axis . the equation of the reflected ray is

(A)  $y = x + \sqrt{3}$       (B)  $\sqrt{3}y = x - \sqrt{3}$       (C)  $y - \sqrt{3}x = \sqrt{3}$       (D)  $\sqrt{3}y = x - 1$

$x + \sqrt{3}y = \sqrt{3}$  বরাবর একটি আলোকরশ্মি x-অক্ষে প্রতিফলিত হয়। প্রতিফলিত রশ্মির সমীকরণ হবে

(A)  $y = x + \sqrt{3}$       (B)  $\sqrt{3}y = x - \sqrt{3}$       (C)  $y - \sqrt{3}x = \sqrt{3}$       (D)  $\sqrt{3}y = x - 1$

40. Two tangents to the circle  $x^2 + y^2 = 4$  at the points A and B meet at M(-4, 0) . The area of the quadrilateral MAOB, where O is the origin is

(A)  $4\sqrt{3}$  sq. units      (B)  $2\sqrt{3}$  sq. units      (C)  $\sqrt{3}$  sq. units      (D)  $3\sqrt{3}$  sq. units

$x^2 + y^2 = 4$  বৃত্তের উপরিতে A ও B বিন্দুতে অঙ্কিত স্পর্শকদ্যম M(-4, 0) বিন্দুতে মিলিত হয়। চতুর্ভুজ MAOB (O মূলবিশ্লেষণ) -এর ক্ষেত্রফল হবে

(A)  $4\sqrt{3}$  বর্গ একক      (B)  $2\sqrt{3}$  বর্গ একক      (C)  $\sqrt{3}$  বর্গ একক      (D)  $3\sqrt{3}$  বর্গ একক

41. From a point (d, 0) three normals are drawn to the parabola  $y^2 = x$ , then

(A)  $d = \frac{1}{2}$       (B)  $d > \frac{1}{2}$       (C)  $d < \frac{1}{2}$       (D)  $d = \frac{1}{3}$

(d, 0) বিন্দু থেকে  $y^2 = x$  অধিবৃত্তে তিনটি অভিনন্দন অঙ্কিত হল। সেক্ষেত্রে



(A)  $d = \frac{1}{2}$       (B)  $d > \frac{1}{2}$       (C)  $d < \frac{1}{2}$       (D)  $d = \frac{1}{3}$

42. If from a point  $P(a, b, c)$ , perpendiculars  $PA$  and  $PB$  are drawn to  $YZ$  and  $ZX$ -planes respectively, then the equation of the plane  $OAB$  is

- (A)  $bcx + cay + abz = 0$       (B)  $bcx + cay - abz = 0$   
 (C)  $bcx - cay + abz = 0$       (D)  $bcx - cay - abz = 0$

$P(a, b, c)$  বিন্দু থেকে  $YZ$ -তল ও  $ZX$ -তলের উপর লম্ব যথাক্রমে  $PA$  ও  $PB$  টানা হল। সেক্ষেত্রে  $OAB$  তলের সমীকরণ হবে

- (A)  $bcx + cay + abz = 0$       (B)  $bcx + cay - abz = 0$   
 (C)  $bcx - cay + abz = 0$       (D)  $bcx - cay - abz = 0$

43. The co-ordinate of a point on the auxiliary circle of the ellipse  $x^2 + 2y^2 = 4$  corresponding to the point on the ellipse whose eccentric angle is  $60^\circ$  will be

- (A)  $(\sqrt{3}, 1)$       (B)  $(1, \sqrt{3})$       (C)  $(1, 1)$       (D)  $(1, 2)$

$x^2 + 2y^2 = 4$  উপর্যুক্ত সহায়ক বৃত্তের উপর যে বিন্দুর উৎকেন্দ্রিক কোণ  $60^\circ$ , তার হানাক হল

- (A)  $(\sqrt{3}, 1)$       (B)  $(1, \sqrt{3})$       (C)  $(1, 1)$       (D)  $(1, 2)$

44. The locus of the center of a variable circle which always touches two given circles externally is

- (A) an ellipse      (B) a hyperbola      (C) a parabola      (D) a circle

দুটি প্রদত্ত বৃত্তকে বাইরে থেকে স্পর্শ করে এমন গতিশীল বৃত্তের কেন্দ্রের সংকারপথ হবে

- (A) একটি উপবৃত্ত      (B) একটি অধিবৃত্ত      (C) একটি পরাবৃত্ত      (D) একটি বৃত্ত

45. A line with positive direction cosines passes through the point  $P(2, -1, 2)$  and makes equal angle with co-ordinate axes. The line meets the plane  $2x + y + z = 9$  at point  $Q$ . The length of the line segment  $PQ$  equals

- (A) 1 unit      (B)  $\sqrt{2}$  unit      (C)  $\sqrt{3}$  unit      (D) 2 unit

ধনাত্মক দিগন্কগোষ্ঠী (direction cosines) বিশিষ্ট একটি সরলরেখা  $P(2, -1, 2)$  বিন্দুগামী এবং হানাক অক্ষগুলির সঙ্গে সমান কোণ উৎপন্ন করে। ঐ রেখাটি  $2x + y + z = 9$  তলকে  $Q$  বিন্দুতে ছেদ করে। সেক্ষেত্রে  $PQ$  রেখাংশের দৈর্ঘ্য হল

- (A) 1 একক      (B)  $\sqrt{2}$  একক      (C)  $\sqrt{3}$  একক      (D) 2 একক

46. For  $y = \sin^{-1} \left\{ \frac{5x+12\sqrt{1-x^2}}{13} \right\}; |x| \leq 1$ , if  $a(1-x^2)y_2 + bxy_1 = 0$  then  $(a, b) =$
- (A) (2, 1)      (B) (1, -1)      (C) (-1, 1)      (D) (1, 2)

$y = \sin^{-1} \left\{ \frac{5x+12\sqrt{1-x^2}}{13} \right\}; |x| \leq 1$  -এর ক্ষেত্রে  $a(1-x^2)y_2 + bxy_1 = 0$  হলে  $(a, b) =$

- (A) (2, 1)      (B) (1, -1)      (C) (-1, 1)      (D) (1, 2)

47.  $f(x)$  is real valued function such that  $2f(x) + 3f(-x) = 15 - 4x$  for all  $x \in \mathbb{R}$ . Then  $f(2) =$
- (A) -15      (B) 22      (C) 11      (D) 0

$f(x)$  একটি বাস্তব মান বিশিষ্ট অপেক্ষক একপ যে সকল  $x \in \mathbb{R}$  এর জন্য  $2f(x) + 3f(-x) = 15 - 4x$  হয়। সেক্ষেত্রে  $f(2) =$

- (A) -15      (B) 22      (C) 11      (D) 0

48. Consider the functions  $f_1(x) = x$ ,  $f_2(x) = 2 + \log_e x$ ,  $x > 0$ . The graphs of the functions intersect

- (A) once in  $(0, 1)$  but never in  $(1, \infty)$       (B) once in  $(0, 1)$  and once in  $(e^2, \infty)$   
 (C) once in  $(0, 1)$  and once in  $(e, e^2)$       (D) more than twice in  $(0, \infty)$

$f_1(x) = x$ ,  $f_2(x) = 2 + \log_e x$ ,  $x > 0$  অপেক্ষকদুটি বিবেচনা কর। অপেক্ষকগুলির লেখচিত্রয়

- (A)  $(0, 1)$  -এ একবার পরস্পরকে ছেদ করে কিন্তু  $(1, \infty)$  -এ একবারও ছেদ করে না  
 (B)  $(0, 1)$  -এ একবার ও  $(e^2, \infty)$  তে একবার পরস্পরকে ছেদ করে  
 (C)  $(0, 1)$  -এ একবার ও  $(e, e^2)$  তে একবার পরস্পরকে ছেদ করে  
 (D)  $(0, \infty)$  তে দু'বারের বেশি পরস্পরকে ছেদ করে

49. The equation  $6^x + 8^x = 10^x$  has

- (A) no real root.
- (B) infinitely many rational roots.
- (C) exactly one real root.
- (D) two distinct real roots.

$6^x + 8^x = 10^x$  সমীকরণের

- (A) কোন বাস্তব বীজ নেই
- (B) সমীকরণটির অসংখ্য মূলদ বীজ আছে
- (C) শুধুমাত্র একটি বাস্তব বীজ আছে
- (D) দুটি পৃথক বাস্তব বীজ আছে

50. Let  $f : D \rightarrow \mathbb{R}$  where  $D = [0, 1] \cup [2, 4]$  be defined by

$$f(x) = \begin{cases} x, & \text{if } x \in [0, 1] \\ 4-x, & \text{if } x \in [2, 4] \end{cases} \text{ Then,}$$

- (A) Rolle's theorem is applicable to  $f$  in  $D$ .
- (B) Rolle's theorem is not applicable to  $f$  in  $D$ .
- (C) there exists  $\xi \in D$  for which  $f'(\xi) = 0$  but Rolle's theorem is not applicable.
- (D)  $f$  is not continuous in  $D$ .

যদি কর  $f : D \rightarrow \mathbb{R}$  যেখানে  $D = [0, 1] \cup [2, 4]$ , এভাবে সংজ্ঞায়িত আছে যে

$$f(x) = \begin{cases} x, & \text{যখন } x \in [0, 1] \\ 4-x, & \text{যখন } x \in [2, 4] \end{cases} \text{ সেক্ষেত্রে}$$

- (A)  $D$  সেটে রোলের উপপাদ্যটি  $f$  অপেক্ষকে প্রযুক্ত হবে
- (B)  $D$  সেটে রোলের উপপাদ্যটি  $f$  অপেক্ষকে প্রযুক্ত হবে না
- (C)  $\xi \in D$  -এর অতিক্রম আছে যার জন্য  $f'(\xi) = 0$  হবে কিন্তু রোলের উপপাদ্যটি প্রযুক্ত হবে না
- (D)  $f, D$  সেটে সন্তুত নয়

## **Category-II (Q 51 to 65)**

**Carry 2 marks each and only one option is correct. In case of incorrect answer or any combination of more than one answer,  $\frac{1}{2}$  mark will be deducted.**

একটি উভর সঠিক। সঠিক উভর দিলে 2 নম্বর পাবে। ভুল উভর দিলে অথবা যে কোন একাধিক উভর দিলে  $\frac{1}{2}$  নম্বর কাটা যাবে।

51. Let  $f(x)$  be a continuous periodic function with period  $T$ . Let  $I = \int_a^{a+T} f(x) dx$ . Then

- (A) I is linear function in 'a'      (B) I does not depend on 'a'  
(C)  $0 < I < a^2 + 1$  where I depends on 'a'      (D) I is quadratic function in 'a'

মনে কর  $f(x)$  একটি সন্তুত, পর্যাবৃত্ত অপেক্ষক ও পর্যায়কাল  $T$ । মনে কর  $I = \int_a^{a+T} f(x) dx$ । সেক্ষেত্রে

- (A)  $I, 'a'$  -এর একরৈখিক অপেক্ষক  
(B)  $I, 'a'$  -এর উপর নির্ভরশীল নয়  
(C)  $0 < I < a^2 + 1$  যেখানে  $I, a$ -এর উপর নির্ভরশীল  
(D)  $I, 'a'$  -এর দ্বিঘাত অপেক্ষক।

- 52.** If  $b = \int_0^1 \frac{e^t}{t+1} dt$ , then  $\int_{a-1}^a \frac{e^{-t}}{t-a-1}$  is

- (A)  $be^a$       (B)  $be^{-a}$       (C)  $-be^{-a}$       (D)  $-be^a$

$$\text{যদি } b = \int_0^1 \frac{e^t}{t+1} dt \text{ হয়, সেক্ষেত্রে } \int_{a-1}^a \frac{e^{-t}}{t-a-1} dt \text{ হবে}$$

- (A)  $be^a$       (B)  $be^{-a}$       (C)  $-be^{-a}$       (D)  $-be^a$

53. The differential of  $f(x) = \log_e(1 + e^{10x}) - \tan^{-1}(e^{5x})$  at  $x = 0$  and for  $dx = 0.2$  is

- (A) 0.5      (B) 0.3      (C) -0.2      (D) -0.5

$f(x) = \log_e(1 + e^{10x}) - \tan^{-1}(e^{5x})$  -এর  $x = 0$  বিন্দুতে  $dx = 0.2$  -এর জন্য অন্তরকলক হবে

54. Given that  $f : S \rightarrow R$  is said to have a fixed point at  $c$  of  $S$  if  $f(c) = c$ .

Let  $f : [1, \infty) \rightarrow R$  be defined by  $f(x) = 1 + \sqrt{x}$ . Then

- (A)  $f$  has no fixed point in  $[1, \infty)$
- (B)  $f$  has unique fixed point in  $[1, \infty)$
- (C)  $f$  has two fixed points in  $[1, \infty)$
- (D)  $f$  has infinitely many fixed points in  $[1, \infty)$

प्रदत्त अपेक्षक  $f : S \rightarrow R$  -एर  $c$  ( $\in S$ ) विन्दूते हिर विन्दू थाकबे यदि  $f(c) = c$  हय | मने कर

$f : [1, \infty) \rightarrow R$  एमनडाबे संज्ञात आहे ये;  $f(x) = 1 + \sqrt{x}$  | सेक्षेत्रे

- (A)  $[1, \infty)$  -ते  $f$ -एर कोन निदिष्ट विन्दू नेही
- (B)  $[1, \infty)$  -ते  $f$ -एर अनन्य हिर विन्दू आहे
- (C)  $[1, \infty)$  -ते  $f$ -एर दुटि हिर विन्दू आहे
- (D)  $[1, \infty)$  -ते  $f$ -एर असंख्य हिर विन्दू रायेहे

55. The  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{3x-1}{3x+1} \right)^{4x}$  equals  $m^{-\frac{1}{3}} = 4$

- (A) 1
- (B) 0
- (C)  $e^{-8/3}$
- (D)  $e^{-4/9}$

$\lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{3x-1}{3x+1} \right)^{4x}$  हवे

- (A) 1
- (B) 0
- (C)  $e^{-8/3}$
- (D)  $e^{-4/9}$

56. The area bounded by the parabolas  $y = 4x^2$ ,  $y = \frac{x^2}{9}$  and the straight line  $y = 2$  is

- (A)  $\frac{20\sqrt{2}}{3}$  sq. unit
- (B)  $10\sqrt{5}$  sq. unit
- (C)  $\frac{10\sqrt{3}}{7}$  sq. unit
- (D)  $10\sqrt{2}$  sq. unit

अधिवृत्तहय  $y = 4x^2$  ओ  $y = \frac{x^2}{9}$  एवं  $y = 2$  सरलरेखार मध्ये सीमावद्ध अळलेर क्षेत्रफल हवे

- (A)  $\frac{20\sqrt{2}}{3}$  वर्ग एकक
- (B)  $10\sqrt{5}$  वर्ग एकक
- (C)  $\frac{10\sqrt{3}}{7}$  वर्ग एकक
- (D)  $10\sqrt{2}$  वर्ग एकक

देवेंड्रा आहे  $a(\vec{\alpha} \times \vec{\beta}) + b(\vec{\beta} \times \vec{\gamma}) + c(\vec{\gamma} \times \vec{\alpha}) = \vec{0}$  येथाने  $a, b, c$  अशून्य क्षेत्रात. सेकंद्रते  $\vec{\alpha}, \vec{\beta}, \vec{\gamma}$  त्रिस्तुतीचे त्रिकोण.

- (A) পরম্পর সমন্বয়ী  
(B) সমতলীয় নয়  
(C) সমতলীয়  
(D) পরম্পর লম্ব

- 58.** If the tangent at the point P with co-ordinates  $(h, k)$  on the curve  $y^2 = 2x^3$  is perpendicular to the straight line  $4x = 3y$ , then

- (A)  $(h, k) = (0, 0)$  only

(B)  $(h, k) = \left(\frac{1}{8}, -\frac{1}{16}\right)$  only

(C)  $(h, k) = (0, 0)$  or  $\left(\frac{1}{8}, -\frac{1}{16}\right)$

(D) no such point P exists

বৃক্ষরেখা  $y^2 = 2x^3$  -এর উপরিত P(h, k) বিন্দুতে অঙ্কিত স্পর্শক  $4x = 3y$  রেখার উপর লম্ব হলে

- (A)  $(h, k) = (0, 0)$  ଶୁଦ୍ଧମାତ୍ର

(B)  $(h, k) = \left(\frac{1}{8}, -\frac{1}{16}\right)$  ଶୁଦ୍ଧମାତ୍ର

(C)  $(h, k) = (0, 0)$  or  $\left(\frac{1}{8}, -\frac{1}{16}\right)$

(D) ଏ ଧରଣେର P ବିନ୍ଦୁର ଅତିତ୍ବ ନେହି

59. The co-efficient of  $a^3b^4c^5$  in the expansion of  $(bc + ca + ab)^6$  is

(A)  $\frac{12!}{3!4!5!}$

(B)  $\frac{6!}{3!}$

(C) 33

(D)  $3 \cdot \left( \frac{6!}{3!3!} \right)$

$(bc + ca + ab)^6$  -এর বিস্তৃতিতে  $a^3b^4c^5$  -এর সহগ হল

(A)  $\frac{12!}{3!4!5!}$

(B)  $\frac{6!}{3!}$

(C) 33

(D)  $3 \cdot \left( \frac{6!}{3!3!} \right)$

60. Three unequal positive numbers  $a, b, c$  are such that  $a, b, c$  are in G.P. while

$\log\left(\frac{5c}{2a}\right), \log\left(\frac{7b}{5c}\right), \log\left(\frac{2a}{7b}\right)$  are in A.P. Then  $a, b, c$  are the lengths of the sides of

(A) an isosceles triangle

(B) an equilateral triangle

(C) a scalene triangle

(D) a right-angled triangle

তিনটি অ-সম ধনাত্মক সংখ্যা  $a, b, c$  গুণোভর প্রগতিতে আছে।  $\log\left(\frac{5c}{2a}\right), \log\left(\frac{7b}{5c}\right), \log\left(\frac{2a}{7b}\right)$

সমাত্তর প্রগতিতে আছে। সেক্ষেত্রে  $a, b, c$  যে ত্রিভুজের তিনটি বাহুর দৈর্ঘ্য সূচিত করবে, সেই ত্রিভুজটি

(A) সমবিবাহ

(B) সমবাহ

(C) বিষমবাহ

(D) সমকোণী

61. The determinant

$$\begin{vmatrix} a^2 + 10 & ab & ac \\ ab & b^2 + 10 & bc \\ ac & bc & c^2 + 10 \end{vmatrix} \text{ is}$$

- (A) divisible by 10 but not by 100      (B) divisible by 100  
 (C) not divisible by 100      (D) not divisible by 10

$$\begin{vmatrix} a^2 + 10 & ab & ac \\ ab & b^2 + 10 & bc \\ ac & bc & c^2 + 10 \end{vmatrix} \text{ নির্ণয়কৃতি}$$

- (A) 10 দ্বারা বিভাজ্য কিন্তু 100 দ্বারা বিভাজ্য নয়      (B) 100 দ্বারা বিভাজ্য  
 (C) 100 দ্বারা বিভাজ্য নয়      (D) 10 দ্বারা বিভাজ্য নয়

62. Let  $R$  be the real line. Let the relations  $S$  and  $T$  on  $R$  be defined by

$S = \{(x, y) : y = x + 1, 0 < x < 2\}$ ,  $T = \{(x, y) : x - y \text{ is an integer}\}$ . Then

- (A) both  $S$  and  $T$  are equivalence relations on  $R$   
 (B)  $T$  is an equivalence on  $R$  but  $S$  is not  
 (C) neither  $S$  nor  $T$  is an equivalence relation on  $R$   
 (D)  $S$  is an equivalence relation on  $R$  but  $T$  is not

মনে কর  $R$  বাস্তব রেখা সূচিত করে।  $R$ -এ দুটি সম্বন্ধ  $S$  ও  $T$  নিম্নভাবে সংজ্ঞাত আছে :

$S = \{(x, y) : y = x + 1, 0 < x < 2\}$ ,  $T = \{(x, y) : x - y \text{ একটি পূর্ণসংখ্যা}\}$ । সেক্ষেত্রে

- (A)  $S$  এবং  $T$  উভয়েই  $R$ -এ সমতুল্যতা সম্বন্ধ  
 (B)  $T$ ,  $R$ -এ সমতুল্যতা সম্বন্ধ কিন্তু  $S$  নয়  
 (C)  $S$  ও  $T$ -এর কেউই  $R$ -এ সমতুল্যতা সম্বন্ধ নয়  
 (D)  $S$ ,  $R$ -এ সমতুল্যতা সম্বন্ধ কিন্তু  $T$  নয়

63. The plane  $\ell x + my = 0$  is rotated about its line of intersection with the plane  $z = 0$  through an angle  $\alpha$ . The equation changes to

- (A)  $\ell x + my \pm \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2} = 0$       (B)  $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2 + 1} = 0$   
 (C)  $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + 1} = 0$       (D)  $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2} = 0$

$\ell x + my = 0$  তলটি  $z = 0$  তলের সঙ্গে ছেদ সরলরেখা বরাবর  $\alpha$  কোণে ঘূর্ণন করে। সেক্ষেত্রে সমীকরণটির পরিবর্তিত আকার হবে

- (A)  $\ell x + my \pm \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2} = 0$       (B)  $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2 + 1} = 0$   
 (C)  $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + 1} = 0$       (D)  $\ell x + my \pm z \tan \alpha \sqrt{\ell^2 + m^2} = 0$

64. The points of intersection of two ellipses  $x^2 + 2y^2 - 6x - 12y + 20 = 0$  and  $2x^2 + y^2 - 10x - 6y + 15 = 0$  lie on a circle. The center of the circle is

- (A) (8, 3)      (B) (8, 1)      (C)  $\left(\frac{8}{3}, 3\right)$       (D) (3, 8)

$x^2 + 2y^2 - 6x - 12y + 20 = 0$  ও  $2x^2 + y^2 - 10x - 6y + 15 = 0$  উপর্যুক্ত দুটি বৃত্তের উপরিটি। এই দুটি বৃত্তের কেন্দ্র হবে

- (A) (8, 3)      (B) (8, 1)      (C)  $\left(\frac{8}{3}, 3\right)$       (D) (3, 8)

65. Let  $I = \int_{\pi/4}^{\pi/3} \frac{\sin x}{x} dx$ . Then

- (A)  $\frac{\sqrt{3}}{8} \leq I \leq \frac{\sqrt{2}}{6}$       (B)  $\frac{\sqrt{3}}{2\pi} \leq I \leq \frac{2\sqrt{3}}{\pi}$       (C)  $\frac{\sqrt{3}}{9} \leq I \leq \frac{\sqrt{2}}{16}$       (D)  $\pi \leq I \leq \frac{4\pi}{3}$

মনে কর  $I = \int_{\pi/4}^{\pi/3} \frac{\sin x}{x} dx$ । সেক্ষেত্রে

- (A)  $\frac{\sqrt{3}}{8} \leq I \leq \frac{\sqrt{2}}{6}$       (B)  $\frac{\sqrt{3}}{2\pi} \leq I \leq \frac{2\sqrt{3}}{\pi}$       (C)  $\frac{\sqrt{3}}{9} \leq I \leq \frac{\sqrt{2}}{16}$       (D)  $\pi \leq I \leq \frac{4\pi}{3}$

## Category-III (Q 66 to 75)

**Carry 2 marks each and one or more option(s) is/are correct. If all correct answers are not marked and no incorrect answer is marked, then score =  $2 \times$  number of correct answers marked  $\div$  actual number of correct answers. If any wrong option is marked or if any combination including a wrong option is marked, the answer will be considered wrong, but there is no negative marking for the same and zero marks will be awarded.**

এক বা একাধিক উত্তর সঠিক। সব কটি সঠিক উত্তর দিলে 2 নম্বর পাবে। যদি কোনো ভুল উত্তর না থাকে এবং সঠিক উত্তরও সব কটি না থাকে তাহলে পাবে  $2 \times$  যে কটি সঠিক উত্তর দেওয়া হয়েছে তার সংখ্যা  $\div$  আসলে যে কটি উত্তর সঠিক তার সংখ্যা। যদি কোনো ভুল উত্তর দেওয়া হয় বা একাধিক উত্তরের মধ্যে একটিও ভুল থাকে তাহলে উত্তরটি ভুল ধরে নেওয়া হবে।  
কিন্তু সেক্ষেত্রে কোনো নম্বর কাটা যাবে না, অর্থাৎ শূণ্য নম্বর পাবে।

66. If  $|z + i| - |z - 1| = |z| - 2 = 0$  for a complex number  $z$ , then  $z =$

(A)  $\sqrt{2}(1+i)$       (B)  $\sqrt{2}(1-i)$       (C)  $\sqrt{2}(-1+i)$       (D)  $\sqrt{2}(-1-i)$

প্রদত্ত জটিল রাশি  $z$ -এর ক্ষেত্রে  $|z + i| - |z - 1| = |z| - 2 = 0$  হলে  $z =$

(A)  $\sqrt{2}(1+i)$       (B)  $\sqrt{2}(1-i)$       (C)  $\sqrt{2}(-1+i)$       (D)  $\sqrt{2}(-1-i)$

67. 
$$\begin{vmatrix} x & 3x+2 & 2x-1 \\ 2x-1 & 4x & 3x+1 \\ 7x-2 & 17x+6 & 12x-1 \end{vmatrix} = 0$$
 is true for

- |                              |                                   |
|------------------------------|-----------------------------------|
| (A) only one value of $x$    | (B) only two values of $x$        |
| (C) only three values of $x$ | (D) infinitely many values of $x$ |

$$\begin{vmatrix} x & 3x+2 & 2x-1 \\ 2x-1 & 4x & 3x+1 \\ 7x-2 & 17x+6 & 12x-1 \end{vmatrix} = 0$$
 হলে

- |                                     |                                    |
|-------------------------------------|------------------------------------|
| (A) $x$ -এর মান অনন্য হবে           | (B) $x$ -এর শুধুমাত্র দুটি মান হবে |
| (C) $x$ -এর শুধুমাত্র তিনটি মান হবে | (D) $x$ -এর অসংখ্য মান হবে         |

68. The remainder when  $7^{7^{7^{\dots^7}}}$  (22 times 7) is divided by 48 is

- (A) 21      (B) 7      (C) 47      (D) 1

$7^{7^{7^{\dots^7}}}$  (22 বার 7) -কে 48 দ্বারা ভাগ করলে ভাগশেষ হবে

- (A) 21      (B) 7      (C) 47      (D) 1

69. Whichever of the following is/are correct ?

(A) To evaluate  $I_1 = \int_{-2}^2 \frac{dx}{4+x^2}$ , it is possible to  $x = \frac{1}{t}$

(B) To evaluate  $I_2 = \int_0^1 \sqrt{x^2 + 1} dx$ , it is possible to put  $x = \sec t$

(C) To evaluate  $I_2 = \int_0^1 \sqrt{x^2 + 1} dx$ , it is not possible to put  $x = \operatorname{cosec} \theta$

(D) To evaluate  $I_1$ , it is not possible to put  $x = \frac{1}{t}$

নিম্নলিখিতগুলির কোনটি / কোনগুলি সত্য ?

(A)  $I_1 = \int_{-2}^2 \frac{dx}{4+x^2}$  নির্ধারণের ক্ষেত্রে  $x = \frac{1}{t}$  প্রতিস্থাপন সম্ভব

(B)  $I_2 = \int_0^1 \sqrt{x^2 + 1} dx$  নির্ধারণের ক্ষেত্রে  $x = \sec t$  প্রতিস্থাপন সম্ভব

(C)  $I_2 = \int_0^1 \sqrt{x^2 + 1} dx$  নির্ধারণের ক্ষেত্রে  $x = \operatorname{cosec} \theta$  প্রতিস্থাপন সম্ভব নয়

(D)  $I_1$  নির্ধারণের ক্ষেত্রে  $x = \frac{1}{t}$  প্রতিস্থাপন সম্ভব নয়

70. A plane meets the co-ordinate axes at the points A, B, C respectively in such a way that the centroid of  $\Delta ABC$  is  $(1, r, r^2)$  for some real  $r$ . If the plane passes through the point  $(5, 5, -12)$  then  $r =$

(A)  $\frac{3}{2}$       (B) 4      (C) -4      (D)  $-\frac{3}{2}$

একটি তল হানাক অক্ষগুলিকে যথাক্রমে এন্ডপ তিনটি বিন্দু  $A$ ,  $B$ ,  $C$  তে ছেদ করে যে  $\triangle ABC$  এর ভৱকেন্দ্র হয়  $(1, r, r^2)$ ,  $r$  এর একটি বাস্তব মানের জন্য। যদি ঐ তলটি  $(5, 5, -12)$  বিন্দুগামী হয়, তবে  $r$  হবে

(A)  $\frac{3}{2}$       (B) 4      (C) -4      (D)  $-\frac{3}{2}$

71. Let P be a variable point on a circle C and Q be a fixed point outside C. If R is the midpoint of the line segment PQ, then locus of R is

(A) a circle

(B) a circle and a pair of straight lines

(C) a rectangular hyperbola

(D) a pair of straight lines

বৃত্ত C এর উপরিহ P একটি গতিশীল বিন্দু এবং Q, C -বৃত্তের বাইরের একটি নিদিষ্ট বিন্দু। PQ ছেদিতাংশের মধ্যবিন্দু R হলে R-এর সঞ্চারণপথ হবে

(A) একটি বৃত্ত

## (B) একটি বৃত্ত ও সরলরেখাবুগল

(C) সম্পর্কাবৃত্ত

(D) সর্বলক্ষণাত্মক

72.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left\{ \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n^3)}} + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n+4)^3}} + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n+8)^3}} + \dots + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{[n+4(n-1)]^3}} \right\}$  is

- (A)  $\frac{5-\sqrt{5}}{10}$       (B)  $\frac{5+\sqrt{5}}{10}$       (C)  $\frac{2+\sqrt{3}}{2}$       (D)  $\frac{2-\sqrt{3}}{2}$

$\lim_{n \rightarrow \infty} \left\{ \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n^3)}} + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n+4)^3}} + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{(n+8)^3}} + \dots + \frac{\sqrt{n}}{\sqrt{[n+4(n-1)]^3}} \right\}$  এর মান হল

- (A)  $\frac{5-\sqrt{5}}{10}$       (B)  $\frac{5+\sqrt{5}}{10}$       (C)  $\frac{2+\sqrt{3}}{2}$       (D)  $\frac{2-\sqrt{3}}{2}$

73. Let  $f(x) = \begin{cases} 0, & \text{if } -1 \leq x < 0 \\ 1, & \text{if } x=0 \\ 2, & \text{if } 0 < x \leq 1 \end{cases}$  and let  $F(x) = \int_{-1}^x f(t) dt, -1 \leq x \leq 1$ , then

- (A)  $F$  is continuous function in  $[-1, 1]$   
 (B)  $F$  is discontinuous function in  $[-1, 1]$   
 (C)  $F'(x)$  exists at  $x = 0$   
 (D)  $F'(x)$  does not exist at  $x = 0$

মনে কর  $f(x) = \begin{cases} 0, & \text{যখন } -1 \leq x < 0 \\ 1, & \text{যখন } x=0 \\ 2, & \text{যখন } 0 < x \leq 1 \end{cases}$  এবং  $F(x) = \int_{-1}^x f(t) dt, -1 \leq x \leq 1$  হয়, সেক্ষেত্রে

- (A)  $[-1, 1]$  -এ  $F$  সন্তত  
 (B)  $[-1, 1]$  -এ  $F$  অসন্তত  
 (C)  $x = 0$  বিন্দুতে  $F'(x)$  -এর অতিক্রম আছে  
 (D)  $x = 0$  বিন্দুতে  $F'(x)$  -এর অতিক্রম নেই

74. The greatest and least values of  $f(x) = \tan^{-1} x - \frac{1}{2} \ln x$  on  $\left[\frac{1}{\sqrt{3}}, \sqrt{3}\right]$  are

(A)  $f_{\min} = \sqrt{3} - 1$

(B)  $f_{\max} = \pi/6 + \frac{1}{4} \ln 3$

(C)  $f_{\min} = \pi/3 - \frac{1}{4} \ln 3$

(D)  $f_{\max} = \pi/12 + \ln 5$

অস্তরাল  $\left[\frac{1}{\sqrt{3}}, \sqrt{3}\right]$ -তে  $f(x) = \tan^{-1} x - \frac{1}{2} \ln x$ -এর সর্বোচ্চ (max) ও সর্বনিম্ন (min) মান হবে

(A)  $f_{\min} = \sqrt{3} - 1$

(B)  $f_{\max} = \pi/6 + \frac{1}{4} \ln 3$

(C)  $f_{\min} = \pi/3 - \frac{1}{4} \ln 3$

(D)  $f_{\max} = \pi/12 + \ln 5$

75. Let  $f$  and  $g$  be periodic functions with the periods  $T_1$  and  $T_2$  respectively. Then  $f + g$  is

(A) periodic with period  $T_1 + T_2$

(B) non-periodic

(C) periodic with the period  $T_1$

(D) periodic when  $T_1 = T_2$

মনে কর  $f$  ও  $g$  দুটি পর্যাপ্ত অপেক্ষক ও পর্যায়কাল যথাক্রমে  $T_1$  ও  $T_2$ । সেক্ষেত্রে  $f + g$

(A) পর্যাপ্ত অপেক্ষক ও পর্যায়কাল  $T_1 + T_2$

(B) পর্যাপ্ত নয়

(C)  $T_1$  পর্যায়কাল বিশিষ্ট পর্যাপ্ত অপেক্ষক

(D)  $T_1 = T_2$  হলে পর্যাপ্ত অপেক্ষক হবে